

**4. domácí úlohy**

do zkoušky

**Úloha 1.** Funkce  $GT(x, y) : \{0, 1\}^n \times \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}$  nabývá hodnoty jedna právě tehdy, když  $x$  je lexikograficky větší než  $y$ .

- a) Ukažte, že deterministická komunikační složitost  $D(GT) \leq n + 1$ .
- b) Ukažte, že deterministická komunikační složitost  $D(GT) \in \Omega(n)$ .
- c) Ukažte, že nedeterministická komunikační složitost  $N^0(GT) \in \Omega(n)$ .
- d) Ukažte, že nedeterministická komunikační složitost  $N^1(GT) \in \Omega(n)$ .
- e) Ukažte, že pravděpodobnostní komunikační složitost  $R_{1/4}(GT) \in O(\log^2 n)$ .

**Úloha 2.** Funkce  $NEQ_m(x_1, \dots, x_m, y_1, \dots, y_m) : \{0, 1\}^{n \times m} \times \{0, 1\}^{n \times m} \rightarrow \{0, 1\}$  je jedna právě tehdy, když pro všechna  $i \in \{1, \dots, m\}$ ,  $x_i \neq y_i$ . Navrhněte pravděpodobnostní protokol se soukromými náhodnými bity pro funkci  $NEQ_m$  s chybou nejvýše  $1/4$ , který používá  $O(m + \log n)$  bitů komunikace. (Alenka dostává vstup  $x_1, \dots, x_m$ , Bob  $y_1, \dots, y_m$ .)