

# Obsah

<b>Předmluva</b>	<b>5</b>
<b>Úmluvy a označení</b>	<b>9</b>
<b>1 Úvod</b>	<b>13</b>
1.1 Problém momentů . . . . .	13
1.2 Křívkové integrály . . . . .	13
<b>2 Funkce s konečnou variací</b>	<b>17</b>
2.1 Definice a základní vlastnosti . . . . .	17
2.2 Prostor funkcí s konečnou variací . . . . .	26
2.3 Konečná variace a spojitost . . . . .	28
2.4 Derivace funkcí s konečnou variací . . . . .	33
2.5 Skokové funkce . . . . .	34
2.6 Jordanův rozklad funkce s konečnou variací . . . . .	37
2.7 Bodová konvergence . . . . .	40
<b>3 Absolutně spojité funkce</b>	<b>45</b>
3.1 Definice a základní vlastnosti . . . . .	45
3.2 Absolutně spojité funkce a Lebesgueův integrál . . . . .	50
3.3 Lebesgueův rozklad funkcí s konečnou variací . . . . .	55
<b>4 Regulované funkce</b>	<b>59</b>
<b>5 Riemannův-Stieljesův integrál</b>	<b>69</b>
5.1 Definice a základní vlastnosti . . . . .	69
5.2 Podmínka pseudoadititvity a její důsledky . . . . .	80
5.3 Absolutní integrovatelnost . . . . .	86
5.4 Substituce . . . . .	92
5.5 Integrace per partes . . . . .	95
5.6 Stejnoměrná konvergence a existence integrálu . . . . .	97
5.7 Bodová konvergence . . . . .	101
5.8 Další věty o existenci integrálu . . . . .	108
5.9 Věty o střední hodnotě . . . . .	113
5.10 Další integrály Stieltjesova typu . . . . .	115
5.11 Cvičení na závěr . . . . .	115

<b>6 Kurzweilův-Stieltjesův integrál</b>	<b>117</b>
6.1 Definice a základní vlastnosti . . . . .	117
6.2 Existence integrálu . . . . .	126
6.3 Integrace per-partes . . . . .	141
6.4 Sakovo-Henstockovo lemma a některé jeho důsledky . . . . .	146
6.5 Neurčitý integrál . . . . .	148
6.6 Substituce . . . . .	151
6.7 Bodová konvergence . . . . .	155
6.8 Integrály maticových a vektorových funkcí . . . . .	157
6.9 Souvislost s dalšími typy integrálů . . . . .	159
<b>7 Aplikace Stieltjesova integrálu ve funkcionální analýze</b>	<b>165</b>
7.1 Několik základních pojmů z funkcionální analýzy . . . . .	165
7.2 Spojité lineární funkcionály na prostoru spojitých funkcí . . . . .	167
7.3 Spojité lineární funkcionály na prostorech integrovatelných resp. absolutně spojitých funkcí . . . . .	174
7.4 Spojité lineární funkcionály na prostorech regulovaných funkcí . .	175
7.5 Aplikace Stieltjesova integrálu v teorii distribucí . . . . .	182
<b>8 Zobecněné lineární diferenciální rovnice</b>	<b>187</b>
8.1 Úvod . . . . .	187
8.2 Diferenciální rovnice s impulsy . . . . .	188
8.3 Lineární operátory . . . . .	191
8.4 Existence řešení zobecněných lineárních diferenciálních rovnic .	193
8.5 Zobecněná Gronwallova nerovnost a apriorní odhady řešení . . . . .	200
8.6 Spojitá závislost řešení na parametrech . . . . .	204
8.7 Fundamentální matice . . . . .	208
8.8 Nehomogenní rovnice . . . . .	216
<b>Literatura</b>	<b>222</b>
<b>References</b>	<b>223</b>